

Ondas de Choque en la Atmósfera

Interacción entre una onda de choque y una nube

Francisca Guzmán

7 de noviembre de 2008

Formación de ondas de choque en la atmósfera

Forma natural: Erupciones volcánicas.

Forma artificial: Hail control gun.

Interacción entre una onda de choque y una nube

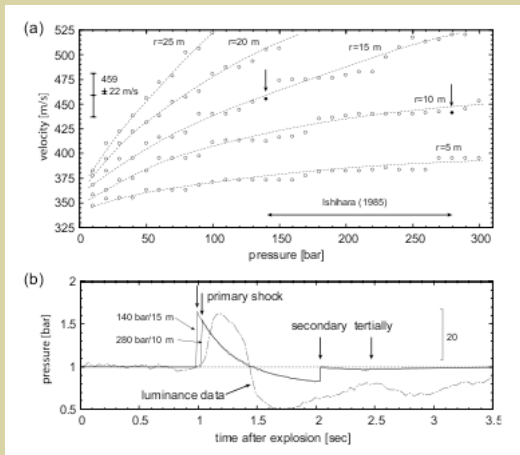
Descripción del problema

Primera discontinuidad

Segunda discontinuidad

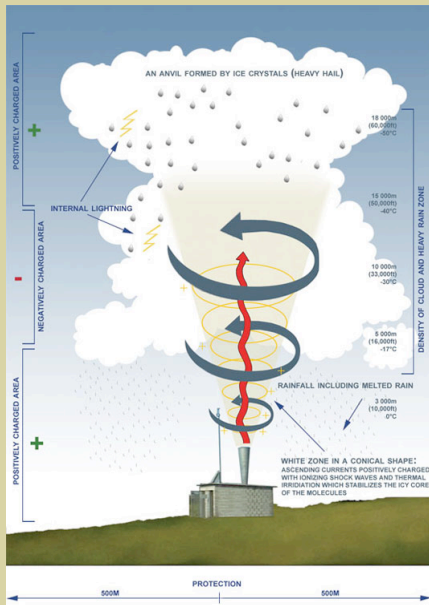
Forma natural: Erupciones volcánicas

La onda de presión que se forma puede llegar a tener una velocidad cercana a los 600[m/s]. La velocidad de propagación del sonido en el aire varía entre los 342 – 574[m/s].



Forma artificial: Hail control gun

Cada cinco segundos ondas de choque ionizadas son disparadas al aire. Estas alcanzan la alta atmósfera más allá de los 15000[m] a -50°C donde el granizo es formado. Una parte de las ondas retumbarán con las nubes en la tropopausa. Estas golpearán a las ondas que suben, como resultado su energía aumentará y transportarán un gran potencial ionizante. Debido a la oscilación de las ondas, las nubes se polarizarán y comenzará a llover o caerán los granizos. Cuando los granizos pasan por la zona en donde se generan las ondas de choque estos se destruyen y caen en forma de gotas de agua.



Descripción del problema

Para un fluido en reposo un elemento de área en una superficie de discontinuidad puede ser considerada un plano y se puede asumir en reposo. Si el fluido no está en reposo el argumento sigue siendo válido por un instante de tiempo pequeño. La discontinuidad en donde el flujo de masa a través de la superficie es cero, la componente normal de la velocidad y la presión es continua a través de la superficie es llamada discontinuidad tangencial.

$$v_{1n} = v_{2n} = 0 \quad p_1 = p_2$$

Se considerará un gas politrópico $pV^\gamma = cte$.

Descripción del problema

Se considera una nube en la cual los efectos causados por la gravedad y el campo magnético terrestre son despreciables, además de considerar las pérdidas por radiación nulas. Por esto se considerará que la densidad de la nube es uniforme y mucho más grande que la densidad del ambiente.

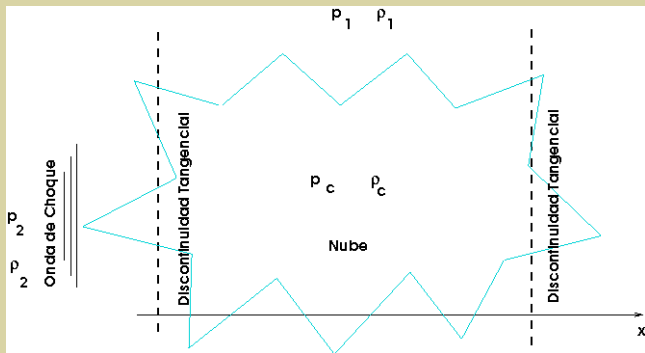
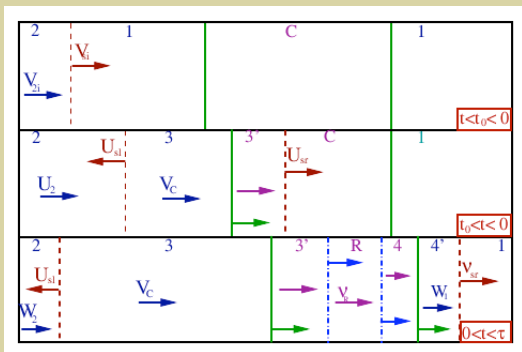


Figura: Imagen de la nube en un tiempo $t = t_0 < 0$.

Descripción del problema



Las ondas de rarefacción sólo se pueden propagar una distancia x finita. Por lo que estas ondas están ligadas por discontinuidades débiles.

Las discontinuidades débiles son superficies de discontinuidad en donde las cantidades hidrodinámicas, que son continuas a través de esta superficie, no son funciones regulares de las coordenadas.

Primera discontinuidad

El valor absoluto de la velocidad v del flujo después de la discontinuidad inicial es:

$$v_2 + v_c = v_{2i} \quad (1)$$

Las velocidades vienen relacionadas con la presión y el volumen específico por:

$$v_{2i}^2 = (p_2 - p_1)(V_1 - V_2) \quad (2)$$

$$v_c^2 = (p_3 - p_1)(V_c - V_{3'}) \quad (3)$$

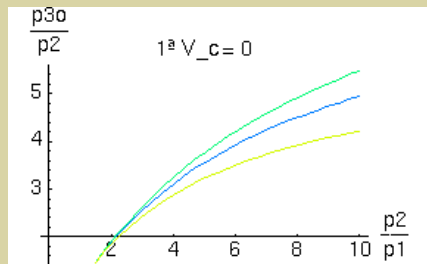
$$v_2^2 = (p_3 - p_2)(V_2 - V_3) \quad (4)$$

Primera discontinuidad

Veamos un una solución particular del problema, el caso en que la nube se transforma en una pared sólida ($V_c = 0$):

$$\frac{p_{3_0}}{p_2} = \frac{(3\gamma - 1)p_2 - (\gamma - 1)p_1}{(\gamma - 1)p_2 + (\gamma + 1)p_1} \quad (5)$$

p_{3_0} es el valor de la presión detrás de la onda de choque reflejada y transmitida y $p_3 > p_2 > p_1$.



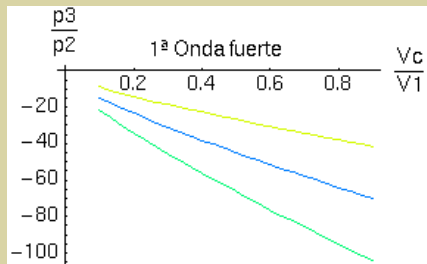
Primera discontinuidad

En el caso general ($V_c \neq 0$). Tenemos para el caso de **Onda de choque fuerte incidiendo** ($p_3 > p_2 \gg p_1$):

$$\frac{p_3^*}{p_2} = -\frac{4\gamma^2(\gamma+1)}{(3\gamma-1)(\gamma-1)^2} \frac{V_c}{V_1} \left(\frac{3\gamma-1}{\gamma_c+1} + k \right)$$

Donde
$$k = 2\sqrt{\frac{V_1(3\gamma-1)(\gamma-1)}{V_c(\gamma_c+1)(\gamma+1)}}$$

$$p_3^* = p_3 - p_{30}$$



Primera discontinuidad

Para el caso de una **Onda de choque débil** incidiendo:

$$\frac{p_3^*}{p_1} = -2\eta \frac{\gamma}{\gamma_c} \sqrt{\frac{V_c}{V_1}} \left(\sqrt{\frac{\gamma_c}{\gamma}} + \sqrt{\frac{V_c}{V_1}} \right)$$

Donde
$$\eta = \frac{(p_2 - p_1)}{p_1} \ll 1$$

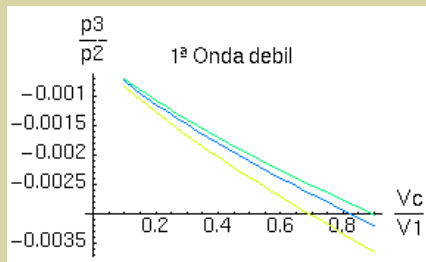
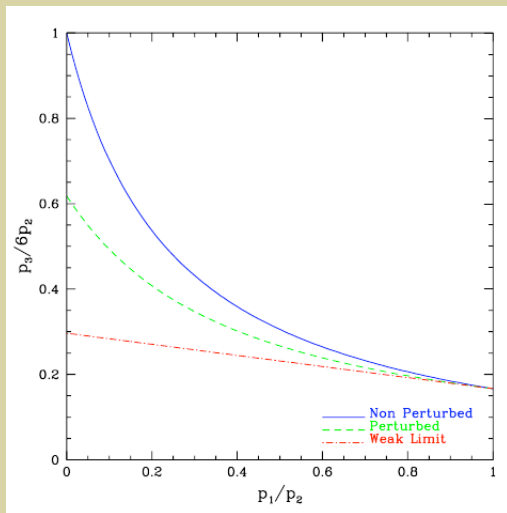


Figura: azul=aire $\gamma = 1,4$, verde= CO_2 $\gamma = 1,29$ y amarillo= A_r $\gamma = 1,67$.

Primera discontinuidad

Las soluciones perturbadas fueron graficadas asumiendo $\rho_c/\rho_1 = 100$ para índices politrópicos $\gamma = \gamma_c = 5/3$, correspondiente a un gas ideal monoatómico.



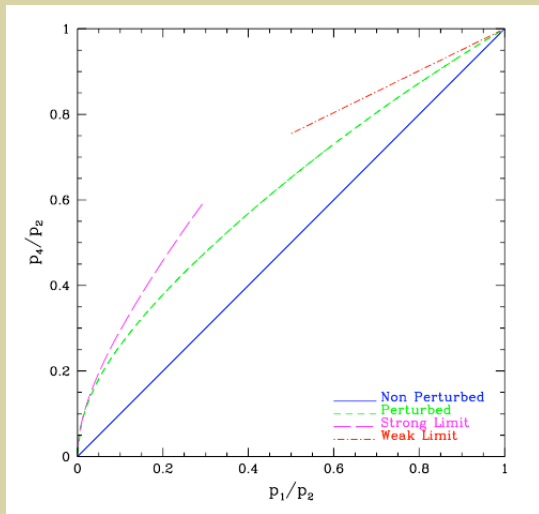
Segunda discontinuidad

La región 2 y 3 están relacionadas por la ecuación de las adiabatas. Debido a que el gas en las regiones 3' y 4 cumplen con la ecuación de estado politrópica, se sigue que:

$$\frac{p_4}{p_2} = \left(\frac{V_{3'}}{V_4} \right)^{\gamma_c} \frac{(\gamma + 1)V_2 - (\gamma - 1)V_3}{(\gamma + 1)V_3 - (\gamma - 1)V_2}$$

Este resultado implica que la mayoría de la energía de la onda incidente fue inyectada en la nube. Sólo una parte pequeña de esta energía es transmitida al gas externo que está al otro lado de la nube.

Segunda discontinuidad



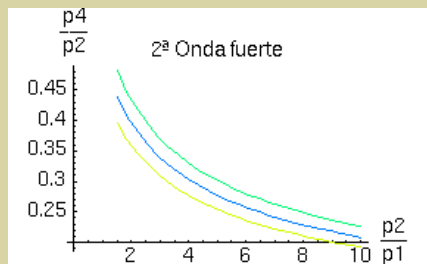
Segunda discontinuidad

Tenemos para el caso de **Onda de choque fuerte incidiendo**:

$$\frac{p_4^*}{p_2} = \sqrt{\frac{\gamma(3\gamma - 1)}{(\gamma_c + 1)(\gamma - 1)} \frac{p_1 V_c}{p_2 V_1} (\sqrt{2} + \xi)}$$

Donde
$$\xi = \frac{2\sqrt{\gamma_c}}{\sqrt{(\gamma_c - 1)}} \left[1 - \left(\frac{p_1(\gamma - 1)}{p_2(3\gamma - 1)} \right)^{(\gamma_c - 1)/2\gamma_c} \right]$$

$$p_4^* = p_4 - p_1$$



Segunda discontinuidad

Para el caso de una **Onda de choque débil** incidiendo:

$$\frac{p_4^*}{p_2} = 6\eta \sqrt{\frac{\gamma V_c}{\gamma_c V_1}}$$

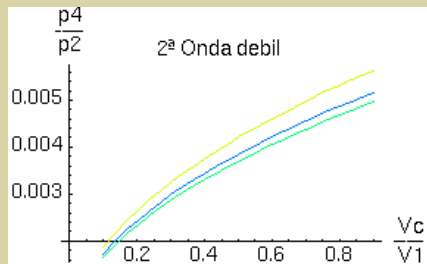


Figura: azul=aire $\gamma = 1,4$, verde= CO_2 $\gamma = 1,29$ y amarillo= A_r $\gamma = 1,67$.

Referencias:

<http://mendoza.org/sergio/phdthesis/phdlatex2html/node47.html>

<http://casa.colorado.edu/~danforth/science/cloudshock/index.html>